Series : JBB/3	SET – 1 कोड नं. Code No. <b>30/3/1</b>
रोल नं. Roll No.	परीक्षार्थी कोड को उत्तर−पुस्तिका के मुख−पृष्ठ पर अवश्य लिखें। Candidates must write the Code on the title page of the answer-book.
नोट	NOTE
<ul> <li>(I) कृपया जाँच कर लें कि इस प्रश्न-पत्र में मुद्रित पृष्ठ 15 हैं।</li> <li>(II) प्रश्न-पत्र में दाहिने हाथ की ओर दिए गए कोड नम्बर को छात्र उत्तर-पुस्तिका के मुख-पृष्ठ पर लिखें।</li> <li>(III) कृपया जाँच कर लें कि इस प्रश्न-पत्र में 40 प्रश्न हैं।</li> <li>(IV) कृपया प्रश्न का उत्तर लिखना शुरू करने से</li> </ul>	<ul> <li>(I) Please check that this question paper contains 15 printed pages.</li> <li>(II) Code number given on the right hand side of the question paper should be written on the title page of the answer-book by the candidate.</li> <li>(III) Please check that this question paper contains 40 questions.</li> <li>(IV) Please write down the Serial</li> </ul>
पहले, प्रश्न का क्रमांक अवश्य लिखें।	Number of the question in the
(V) इस प्रश्न-पत्र को पढ़ने के लिए 15 मिनट का समय दिया गया है । प्रश्न-रुष्ठ का वितरण पूर्वाह्न में 10.15 बजे किया स्मूएगा । 10.15 बजे से 10.30 बजे तक छात्र केवल प्रश्न-पत्र को पढ़ेंगे और इस अवधि के दौरान वे उत्तर-पुस्तिका में कोई उत्तर नहीं लिखेंगे ।	<ul> <li>Answer-book before attempting it.</li> <li>(V) 15 minute time has been allotted to read this question paper. The question paper will be distributed at 10.15 a.m. From 10.15 a.m. to 10.30 a.m., the students will read the question paper only and will not write any answer on the answerbook during this period.</li> </ul>

गणित (मानक) 🚟

# **MATHEMATICS (STANDARD)**

निर्धारित समय : 3 घण्टे Time allowed : 3 hours

.30/3/1.



1

अधिकतम अंक : 80 Maximum Marks : 80

**P.T.O.** 



#### सामान्य निर्देश :

निम्नलिखित निर्देशों को बहुत सावधानी से पढ़िए और उनका पालन कीजिए :

- (i) प्रश्न-पत्र चार खंडों में विभाजित किया गया है क, ख, ग एवं घ ।
   इस प्रश्न-पत्र में कुल 40 प्रश्न हैं । सभी प्रश्न अनिवार्य हैं ।
- (ii) खंड-क में प्रश्न संख्या 1 से 20 तक 20 प्रश्न हैं एवं प्रत्येक प्रश्न एक अंक का है।
- (iii) खंड-ख में प्रश्न संख्या 21 से 26 तक 6 प्रश्न हैं एवं प्रत्येक प्रश्न दो अंकों का है।
- (iv) खंड-ग में प्रश्न संख्या 27 से 34 तक 8 प्रश्न हैं एवं प्रत्येक प्रश्न तीन अंकों का है।
- (v) खंड-घ में प्रश्न संख्या 35 से 40 तक 6 प्रश्न हैं एवं प्रत्येक प्रश्न चार अंकों का है।
- (vi) प्रश्न-पत्र में समग्र पर कोई विकल्प नहीं है । तथापि एक-एक अंक वाले दो प्रश्नों में, दो-दो अंकों वाले दो प्रश्नों में, तीन-तीन अंकों वाले तीन प्रश्नों में, चार-चार अंकों वाले तीन प्रश्नों में आंतरिक विकल्प दिए गए हैं । ऐसे प्रश्नों में केवल एक ही विकल्प का उत्तर लिखिए ।
- (vii) इसके अतिरिक्त, अविश्यकतानुसार, प्रत्येक अनुभाग और प्रश्न के साथ यथोचित निर्देश दिए गए हैं।
- (viii) कैलकुलेर के प्रयोग की अनुमति नहीं है।

खंड – क

प्रश्न संख्या 1-10 तक बहुविकल्पी प्रश्न हैं जिनमें प्रत्येक का 1 अंक है। आपको सही विकल्प चुनना है।

- 1. 135 तथा 225 का म.स. (HCF) है
  - (a) 15 (b) 75 (c) 45 (d) 5
- 2. 144 के अभाज्य गुणनखंडन में 2 की घात है :
  - (a) 2 (b) 4 (c) 1 (d) 6

.30/3/1.

2



**P.T.O.** 

#### **General Instructions :**

Read the following instructions very carefully and strictly follow them :

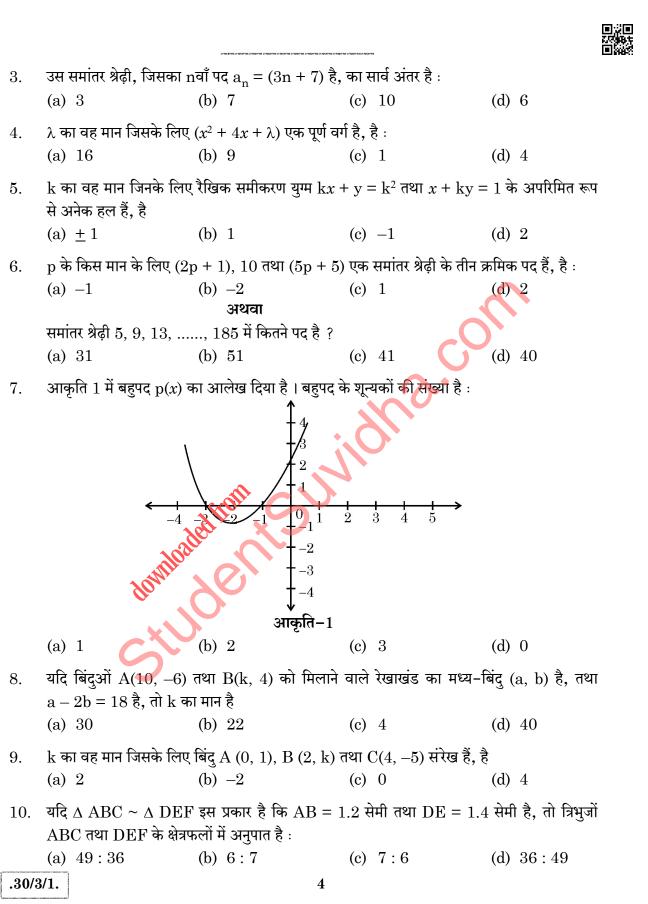
- (i) This question paper comprises four sections A, B, C and D.
   This question paper carries 40 questions. All questions are compulsory.
- (ii) Section A Question no. 1 to 20 comprises of 20 questions of one mark each.
- (iii) Section B Question no. 21 to 26 comprises of 6 questions of two marks each.
- (iv) Section C Question no. 27 to 34 comprises of 8 questions of three marks each.
- (v) Section D Question no. 35 to 40 comprises of 6 questions of four marks each.
- (vi) There is no overall choice in the question paper. However, an internal choice has been provided in 2 questions of one mark each, 2 questions of two marks each, 3 questions of three marks each and 3 questions of four marks each. You have to attempt only **one** of the choices in such questions.
- (vii) In addition withis, separate instructions are given with each section and question, wherever necessary.
- (viii) Use of is not permitted.

#### $\mathbf{Section} - \mathbf{A}$

Question numbers  ${\bf 1}$  to  ${\bf 10}$  are multiple choice questions of  ${\bf 1}$  mark each. You have to select the correct choice :

- 1. The HCF of 135 and 225 is
  - (a) 15 (b) 75 (c) 45 (d) 5
- 2. The exponent of 2 in the prime factorization of 144, is

(a) 2	(b) 4	(c) 1	(d) 6
.30/3/1.	3		



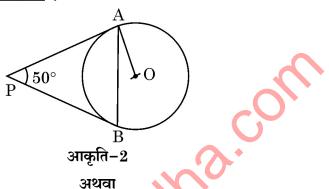


		יזים האראים האראים את הבאירום אין הבאירים אניים האראם ארים האראבוארים אין אים אניינים אניים אניים אירים אירים	NUMERING OF NEEDER VALUE AND	
3.	The common differe	ence of an AP, whose	$e n^{th} term is a_n = (3)$	n + 7), is
	(a) 3	(b) 7	(c) 10	(d) 6
4.	The value of λ for v (a) 16	which $(x^2 + 4x + \lambda)$ is (b) 9	a perfect square, is (c) 1	(d) 4
5.		r which the pair of		
0.		nitely many solution	=	and y and
	(a) <u>+</u> 1	(b) 1	(c) -1	(d) 2
6.	The value of p for terms of an AP is	which (2p + 1), 10	and (5p + 5) are th	aree consecutive
	(a) -1	(b) -2	(c) 1	(d) 2
	(a) 31	<b>OR</b> ns of an AP 5, 9, 13, (b) 51	(c) 41	(d) 40
7.	In fig. 1, the graph the polynomial is	of the polynomial p(	x) is given. The number $1 + 1 + 3$ 2 3 4 5	nber of zeroes of
	(a) 1	(b) 2	(c) 3	(d) 0
8.		-point of the line se 2b = 18, the value o		points A(10, -6)
	(a) 30	(b) 22	(c) 4	(d) 40
9.	The value of k for collinear is	which the points A	A (0, 1), B (2, k) a	nd C(4, –5) are
	(a) 2	(b) $-2$	(c) 0	(d) 4
10.	If $\triangle$ ABC ~ $\triangle$ DEF s areas of $\triangle$ ABC and		m and $DE = 1.4$ cm	, the ratio of the
	(a) 49:36	(b) 6:7	(c) 7:6	(d) 36:49
.30/3	8/1.	5		Р.Т.О.



प्रश्न संख्या 11 से 15 में रिक्त स्थानों की पूर्ति कीजिए । प्रत्येक प्रश्न 1 अंक का है ।

- 11. (0, 5) तथा (-5, 0) के बीच की दूरी का  $\sqrt{2}$  गुना \_\_\_\_\_ है।
- 12. 4 सेमी त्रिज्या वाले वृत्त की दो समांतर स्पर्श रेखाओं की बीच की दूरी \_\_\_\_\_ है।
- 13. आकृति 2 में, O केन्द्र वाले वृत्त की PA तथा PB दो स्पर्श रेखाएँ इस प्रकार की हैं कि ∠APB = 50° है, तो ∠OAB की माप \_\_\_\_\_ है।



आकृति 3 में PQ एक वृत्त की एक जीवा है तथा PT, P पर स्पर्श रेखा ऐसी है कि ∠QPT = 60° है, तो ∠PRQ की माप \_\_\_\_\_ है।



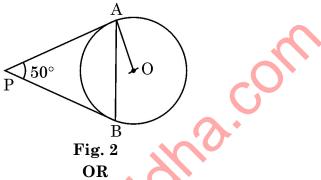
- 14.  $\frac{3 \cot 40^{\circ}}{\tan 50^{\circ}} \frac{1}{2} \left( \frac{\cos 35^{\circ}}{\sin 55^{\circ}} \right) =$ \_\_\_\_\_\_.
- 15. यदि  $\cot \theta = \frac{7}{8}$  है, तो  $\frac{(1 + \sin \theta) (1 \sin \theta)}{(1 + \cos \theta) (1 \cos \theta)}$  का मान \_\_\_\_\_ है।

प्रश्न संख्या 16 से 20 लघु-उत्तर प्रकार के प्रश्न हैं, जिनमें से प्रत्येक 1 अंक का है। 16.  $\left(\frac{1}{1+\cot^2 \theta} + \frac{1}{1+\tan^2 \theta}\right)$ का मान क्या है ? .30/3/1. 6

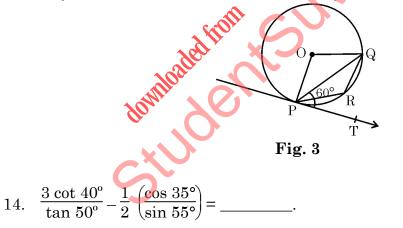


In Q. Nos. 11 to 15, fill in the blanks. Each question is of 1 mark :

- 11.  $\sqrt{2}$  times the distance between (0, 5) and (-5, 0) is \_\_\_\_\_.
- 12. The distance between two parallel tangents of a circle of radius 4 cm is .
- 13. In Fig. 2, PA and PB are tangents to the circle with centre O such that  $\angle APB = 50^{\circ}$ , then the measure of  $\angle OAB$  is \_\_\_\_\_.



In Fig. 3, PQ is a chord of a circle and PT is tangent at P such that  $\angle QPT = 60^\circ$ , then the measure of  $\angle PRQ$  is \_\_\_\_\_.



15. If  $\cot \theta = \frac{7}{8}$ , then the value of  $\frac{(1 + \sin \theta)(1 - \sin \theta)}{(1 + \cos \theta)(1 - \cos \theta)} =$ \_\_\_\_\_\_.

Q. Nos. 16 to 20 are short answer type questions of 1 mark each.

16. What is the value of 
$$\left(\frac{1}{1 + \cot^2 \theta} + \frac{1}{1 + \tan^2 \theta}\right)$$
?

.30/3/1.

**P.T.O.** 

- 17. दो लंब वृत्तीय शंकुओं की ऊँचाइयों में 1 : 3 का अनुपात है तथा उनकी त्रिज्याओं में 3 : 1 का अनुपात है, तो उनके आयतनों में क्या अनुपात है ?
- आनुभविक सूत्र का प्रयोग करके, उस बंटन का बहुलक ज्ञात कीजिए जिसका माध्य 8.32 तथा माध्यक 8.05 है।
- 19. यदि कल वर्षा होने की प्रायिकता 0.85 है, तो कल वर्षा न होने की प्रायिकता क्या है ?
- 20. प्रथम n प्राकृत संख्याओं का माध्य क्या है ?

#### खंड – ख

प्रश्न संख्या 21 से 26 तक प्रत्येक प्रश्न के 2 अंक हैं।

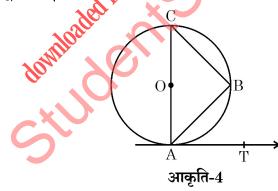
21. समांतर श्रेढ़ी 12, 8, 4, ..., -84 के अन्तिम पद से (प्रथम पद की ओर) 11वाँ पद ज्ञात कीजिए।

#### अथवा

निम्न समीकरण को हल कीजिए :

 $1 + 5 + 9 + 13 + \dots + x = 1326$ 

22. आकृति 4 में, केंद्र O वाले वृत्त की एक जीवा AB है, AOC एक व्यास है तथा बिंदु A पर स्पर्श रेखा AT है । सिद्ध कीजिए कि  $\angle BXP = \angle ACB$ .



23. यदि 
$$\tan \theta = \frac{3}{4}$$
 है, तो  $\left(\frac{1 - \cos^2 \theta}{1 + \cos^2 \theta}\right)$  का मान ज्ञात कीजिए ।  
अथवा  
यदि  $\tan \theta = \sqrt{3}$  है, तो  $\left(\frac{2 \sec \theta}{1 + \tan^2 \theta}\right)$  का मान ज्ञात कीजिए ।  
.30/3/1. 8



- 17. Two right circular cones have their heights in the ratio 1 : 3 and radii in the ratio 3 : 1, what is the ratio of their volumes ?
- 18. Using the empirical formula, find the mode of a distribution whose mean is 8.32 and the median is 8.05.
- 19. The probability that it will rain tomorrow is 0.85. What is the probability that it will not rain tomorrow ?
- 20. What is the arithmetic mean of first n natural numbers ?

#### Section – B

Q. Nos. 21 to 26 carry 2 marks each.

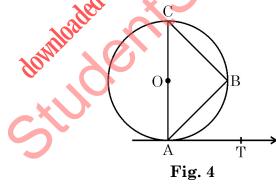
21. Find the 11<sup>th</sup> term from the last term (towards the first term) of the AP 12, 8, 4, ..., -84.

#### OR

Solve the equation :

 $1 + 5 + 9 + 13 + \dots + x = 1326$ 

22. In Fig. 4 AB is a chord of circle with centre O, AOC is diameter and AT is tangent at A. Prove that  $\angle BAT = \angle ACB$ .



23. If 
$$\tan \theta = \frac{3}{4}$$
, find the value of  $\left(\frac{1 - \cos^2 \theta}{1 + \cos^2 \theta}\right)$   
OR  
If  $\tan \theta = \sqrt{3}$ , find the value of  $\left(\frac{2 \sec \theta}{1 + \tan^2 \theta}\right)$ 

.30/3/1.

**P.T.O.** 



24. निम्न अनुच्छेद को पढ़िए तथा अंत में दिए प्रश्नों के उत्तर दीजिए :

कक्षा XII के विद्यार्थियों ने अपने विद्यालय के लिए एक उपहार दिया जो कि एक बिजली का लैम्प है जिसका आधार शीशे का अर्ध गोला है जिसके ऊपर धातु का बेलनाकार ढक्कन है जिसकी आधार त्रिज्या 21 सेमी तथा ऊँचाई 3.5 सेमी है। ऊपरी भाग को सिलवर का पेंट तथा शीशे के भाग को लाल रंग से पेंट किया गया है।

- (i) ₹ 5 प्रति 100 cm² की दर से सिलवर पेंट का व्यय ज्ञात क्या है ?
- (ii) लाल रंग वाले शीशे के भाग का पृष्ठीय क्षेत्रफल क्या है ?
- 25. एक यादृच्छया चुने गए लीप के वर्ष में 53 रविवार तथा 53 सोमवार होने की प्रायिकता ज्ञात कीजिए।
- 26. यदि निम्न बंटन का माध्य 7.5 है तो p का मान ज्ञात कीजिए :

वर्ग :	2-4	4-6	6-8	8-10	10-12	12-14
बारंबारता :	6	8	15	р	8	4

प्रश्न संख्या 27 से 34 तक प्रत्येक रूपने के 3 अन हैं

27. यदि संख्याएँ a, 7, b, 23 अपने समांतर श्रेदी में हैं, तो a, b तथा c के मान ज्ञात कीजिए।

अथवा

यदि एक समांतर खेढ़ी के mवें पद का m गुना, इसके nवें पद के n गुने के बराबर है, तो दर्शाइए कि इस श्रेढ़ी का (m + n)वाँ पद शून्य है।

- 28. k के वे मान ज्ञात कीजिए जिनके लिए द्विघात समीकरण (k + 4)  $x^2$  + (k + 1) x + 1 = 0 के मूल समान हों ।
- 29. बहुपद  $x^3 3x^2 + x + 2$  को एक अन्य बहुपद g(x) से भाग करने पर भागफल तथा शेषफल क्रमशः x 2 तथा -2x + 4 हैं | g(x) ज्ञात कीजिए |

अथवा

यदि बहुपद  $f(x) = x^2 - 8x + k$  के शून्यकों के वर्गों का योग 40 है, तो k का मान ज्ञात कीजिए ।

.30/3/1.

10



24. Read the following passage and answer the questions given at the end :

Students of Class XII presented a gift to their school in the form of an electric lamp in the shape of a glass hemispherical base surmounted by a metallic cylindrical top of same radius 21 cm and height 3.5 cm. The top was silver coated and the glass surface was painted red.

- (i) What is the cost of silver coating the top at the rate of  $\mathbf{E}$  5 per 100 cm<sup>2</sup>?
- (ii) What is the surface area of glass to be painted red ?
- 25. Find the probability that a leap year selected at random will contain 53 Sundays and 53 Mondays.
- 26. Find the value of p, if the mean of the following distribution is 7.5.

Classes	2-4	4-6	6-8	8-10	10-12	12-14
Frequency (fi)	6	8	15	р	8	4

# Section - C

Q. Nos. 27 to 34 carry 3 marks each.

27. Find a, b and c if it is given that the numbers a, 7, b, 23, c are in AP.

OR

If m times the  $m^{th}$  term of an AP is equal to n times its  $n^{th}$  term, show that the  $(m + n)^{th}$  term of the AP is zero.

- 28. Find the values of k, for which the quadratic equation  $(k + 4) x^2 + (k + 1) x + 1 = 0$  has equal roots.
- 29. On dividing  $x^3 3x^2 + x + 2$  by a polynomial g(x), the quotient and remainder were x 2 and -2x + 4 respectively. Find g(x).

OR

If the sum of the squares of zeros of the quadratic polynomial

 $f(x) = x^2 - 8x + k$  is 40, find the value of k.

.30/3/1.

- 30. बिंदु P(-4, y) बिंदुओं A(-6, 10) तथा B(3, -8) को मिलाने वाले रेखाखण्ड पर स्थित है तो यह AB को किस अनुपात में बाँटता है ? अतः y का मान ज्ञात कीजिए।
- 31. सिद्ध कीजिए कि वृत्त के किसी बिंदु पर स्पर्श रेखा स्पर्श बिंदु से जाने वाली त्रिज्या पर लंब होती है।

#### अथवा

सिद्ध कीजिए कि किसी बाह्य बिंदु से किसी वृत्त पर खींची गई स्पर्श रेखाओं के बीच का कोण स्पर्श बिंदुओं को मिलाने वाले रेखाखण्ड द्वारा केंद्र पर अंतरित कोण का संपूरक होता है।

- 32. एक समकोण त्रिभुज में, सिद्ध कीजिए कि कर्ण का वर्ग अन्य दो भुजाओं के वर्गों के योग के समान होता है।
- 33. यदि  $\sin \theta + \cos \theta = p$  तथा  $\sec \theta + \csc \theta = q$  है, तो दर्शाइए कि  $q (p^2 1) = 2p$ .
- 34. 500 व्यक्ति एक 80 मी लोब तथा 50 मी. चौड़े एक घनाभाकार सरोवर में डुबकी लगाते हैं । यदि एक व्यक्ति द्वारा औसल 0.04 घन मी. पानी विस्थापित किया जाता है, तो सरोवर में पानी के तल में कितनी वृद्धि होती है ?

#### खंड – घ

प्रश्न संख्या 35 से 40 तक प्रत्येक प्रश्न के 4 अंक हैं।

35. दर्शाइए कि किसी प्राकृत संख्या n के लिए  $(12)^n, 0$  अथवा 5 में समाप्त नहीं हो सकती ।

#### अथवा

सिद्ध कीजिए कि ( $\sqrt{2}$  +  $\sqrt{5}$ ) एक अपरिमेय संख्या है ।

.30/3/1.

12



- 30. In what ratio does the point P(-4, y) divide the line segment joining the points A(-6, 10) and B(3, -8) if it lies on AB. Hence find the value of y.
- 31. Prove that, a tangent to a circle is perpendicular to the radius through the point of contact.

#### OR

Prove that the angle between the two tangents drawn from an external point to a circle is supplementary to the angle subtended by the line segment joining the points of contact at the centre.

- 32. In a right triangle, prove that the square of the hypotenuse is equal to the sum of squares of the other two sides.
- 33. If  $\sin \theta + \cos \theta = p$  and  $\cos \theta + \csc \theta = q$ , show that  $q(p^2 1) = 2p$ .
- 34. 500 persons are taking dip into a cuboidal pond which is 80 m long and 50 m broad. What is the rise of water level in the pond, if the average displacement of the water by a person is 0.04 m<sup>3</sup>?

#### Section - D

Q. Nos. 35 to 40 carry 4 marks each.

35. Show that  $(12)^n$  cannot end with digit 0 or 5 for any natural number n.

#### OR

Prove that  $(\sqrt{2} + \sqrt{5})$  is irrational.

.30/3/1.

13

**P.T.O.** 



- 36. एक रेलगाड़ी एक निश्चित दूरी एक समान चाल से तय करती है । यदि यह रेलगाड़ी 6 km/h. तेज चाल से चलती तो यह निश्चित समय से 4 घंटे कम लेती तथा यदि यह 6 km/h. धीरे की चाल से चलती तो यह निश्चित समय से 6 घंटे अधिक लेती । यात्रा की निश्चित दूरी ज्ञात कीजिए ।
- 37. एक समबाहु त्रिभुज ABC में, D भुजा BC पर एक ऐसा बिंदु है कि BD =  $\frac{1}{3}$  BC है। सिद्ध कीजिए कि 9 AD<sup>2</sup> = 7 AB<sup>2</sup>।

#### अथवा

सिद्ध कीजिए कि एक समचतुर्भुज की भुजाओं के वर्गों का योग उसके विकर्णों के वर्गों के योग के बराबर होता है।

38. यदि एक झील की सतह से 10 मी. की ऊँचाई पर स्थित एक बिंदु से एक बादल का उन्नयन कोण 30° है तथा बादल की झील में परछाई का उसी बिंदु से अवनमन कोण 60° है, तो बादल की झील की सतह से ऊँचाई ज्ञात कीजिए।

#### अथवा

20 मी. ऊँची एक मीनार क्षैतिज तरने पर खड़ी है जिसके ऊपर h मी. ऊँचा एक ध्वजदण्ड सीधा खड़ा है। तल के किसी बिंदु से ध्वजदण्ड के निचले तथा ऊपरी सिरों के उन्नयन कोण क्रमशः 45° तथा 60° हैं। h का मान ज्ञात कीजिए क्षे

- 39. 4.4 मी. × 2.6 मी. × 1 मी. विमाओं वाले लोहे के ठोस घनाभाकार टुकड़ें को पिघलाकर एक खोखले बेलनाकार पाइप में ढाला गया जिसकी आंतरिक त्रिज्या 30 सेमी तथा मोटाई 5 सेमी है । पाइप की लंबाई ज्ञात कीजिए।
- 40. निम्न बारंबारता बंटन के लिए एक 'से अधिक प्रकार का' संचयी बारंबारता वक्र खींचिए । अतः बंटन का माध्यक मान ज्ञात कीजिए :

वर्ग	:	0-10	10-20	20-30	30-40	40-50	50-60	60-70
बारंबारता	:	5	15	20	23	17	11	9

.30/3/1.

14



- 36. A train covered a certain distance at a uniform speed. If the train would have been 6 km/hr. faster, it would have taken 4 hours less than the scheduled time and if the train were slower by 6 km/hr., it would have taken 6 hrs. more than the scheduled time. Find the length of the journey.
- 37. In an equilateral triangle ABC, D is a point on the side BC such that  $BD = \frac{1}{3}BC$ . Prove that  $9AD^2 = 7AB^2$ .

#### OR

Prove that the sum of squares of the sides of a rhombus is equal to the sum of the squares of its diagonals.

38. If the angle of elevation of a cloud from a point 10 metres above a lake is 30° and the angle of depression of its reflection in the lake is 60°, find the height of the cloud from the surface of lake.

#### OR

A vertical tower of height 20 m stands on a horizontal plane and is surmounted by a vertical flag – staff of height h. At a point on the plane, the angle of elevation of the bottom and top of the flag staff are 45° and  $60^{\circ}$  respectively. Find the value of h.

- 39. A solid iron cuboidal block of dimensions 4.4 m × 2.6 m × 1 m is cast into a hollow cylindrical pipe of internal radius 30 cm and thickness 5 cm. Find the length of the pipe.
- 40. For the following frequency distribution, draw a cumulative frequency curve of 'more than' type and hence obtain the median value.

Classes	0-10	10-20	20-30	30-40	40-50	50-60	60-70
Frequency	5	15	20	23	17	11	9

.30/3/1.



Jon Marine Sunidra. Con Student Sunidra.

.30/3/1.